

Ein Faktor, der aus der Summe bzw. aus der Differenz zweier (bi) Werte besteht, nennt man Binom.

Also allgemein:  $(a + b)$  bzw.  $(a - b)$

Die binomischen Formeln lauten:

1.  $(a + b) \cdot (a + b) = (a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
2.  $(a - b) \cdot (a - b) = (a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$
3.  $(a + b) \cdot (a - b) = a^2 - b^2$

Man nutzt die binomischen Formeln, um Terme zu vereinfachen.

Beispiele:

1.  $9x^2 + 12x + 4 = (3x + 2)^2$
2.  $16x^2 - 100 = (4x + 10) \cdot (4x - 10)$
3.  $4x^2 - 20x + 25 = (2x - 5)^2$
4.  $\frac{64 - a^2}{3a + 24} = \frac{(8 + a) \cdot (8 - a)}{3 \cdot (8 + a)} = \frac{8 - a}{3}$
5.  $\frac{t^2 + 10t + 25}{t^2 - 25} = \frac{(t + 5)^2}{(t + 5) \cdot (t - 5)} = \frac{t + 5}{t - 5}$

Manche quadratische Gleichungen lassen sich elegant lösen:

Beispiele:

1.  $x^2 + 6x + 9 = 0 \rightarrow (x + 3)^2 = 0 \rightarrow \underline{\underline{x = -3}}$
2.  $4x^2 - 16x + 16 = 0 \rightarrow (2x - 4)^2 = 0 \rightarrow \underline{\underline{x = 2}}$
3.  $x^2 - 5x + \frac{25}{4} = 0 \rightarrow (x - \frac{5}{2})^2 = 0 \rightarrow \underline{\underline{x = \frac{5}{2}}}$
4.  $81 - 4x^2 = 0 \rightarrow (9 - 2x) \cdot (9 + 2x) = 0 \rightarrow \underline{\underline{x_1 = \frac{9}{2}}} \quad \underline{\underline{x_2 = -\frac{9}{2}}}$